

இனத்துவக் கணித சிந்தனை - சில அறிமுகக் குறிப்புகள்

சோ. சந்திரசேகரன்

அறிமுகம்

உலக நாகரிக வளர்ச்சியிலும் அறிவு வீரத்திலும் ஐரோப்பாவின் பங்களிப்பே பிரதானமானது என்ற வாதம் ஐரோப்பியமையவாதம் (Eurocentrism) எனப்பட்டது. இக்கருத்தின்படி இக்கிரக அமெரிக்கா உட்பட்ட சகல ஐரோப்பிய மயப்படுத்தப்பட்ட நாடுகளுமே அறிவு, ஆக்கம், தொழில் நுட்பம், கலாசாரம் என்பவற்றின் தலைமை நிலையமாகும். இந்நாடுகளிலிருந்தே இலவலவனத்தம் எனைய வளர்ச்சி குறைந்த நாடுகளுக்கும் பரவின என்று வலியுறுத்தப்படுகின்றது.

இன்றைய முன்றாம் உலக ஆய்வாளர்கள் இவ்வைரோப்பிய மையவாதத்தை நிராகரிக்கும் பல கருத்துக்களைத் தமது ஆய்வுகளினூடாக முன்வைத்துள்ளனர். அரேபிய-இஸ்லாமிய கலாசாரங்கள் உலக அறிவுத் தொகுதிக்கு

வழங்கியுள்ள பங்களிப்பு; பற்றிய பல ஆய்வுகள் இன்று வெளிவந்துள்ளன. ஐரோப்பிய மையவாதமும் அதன் நாகரிகப் பண்டுகளும் பரவுவதை எதிர்த்த எனைய மக்கள் கூட்டத்தினருடைய கலாசாரங்களும் அழித்தொழிக்கப்பட்டனம் பற்றியும் ஆய்வுகள் தெரிவிக்கின்றன. ஐரோப்பிய அறிவுத் தொகுதியின் வளர்ச்சிக்குக் காரணமாக வீருந்த கிரேக்க சிந்தனையும் தத்துவ அடிப்படையும் வசித்து நாட்டின் கறுப்பு இன மக்களின் செல்வாக்குக்குட்பட்டவை என்பதற்கான ஆதாரங்கள் கண்டறியப்பட்டுள்ளன. ஐரோப்பியமையவாதம் எனும் சிந்தனையைக் கொண்டே ஐரோப்பியர்கள் தாம் உருவாக்கிய அடிமை முறையை; குடியேற்ற ஆட்சி முறையை; நியாயப்படுத்தினர் என்றும் கண்டறியப் பட்டுள்ளது.

இத்தகைய புதிய ஆய்வுகளும் சிந்தனைகளும் வளர்ச்சியற்று வந்த போதிலும் ஐரோப்பியமையவாதம் செல்வாக்கிழக்காது பாடசாலைப்பாட

ஏற்பாட்டிலும் பக்கச் சார்புகளுக்குள்ளான காத விஞ்ஞானரீதியான கணிதவியலிலும் தொடர்ந்த தாக்கத்தை ஏற்படுத்தி வருகிறது. ஆவிரும் தீண்டகாலமாக வலிவுறுத்தப்பட்டு வந்த பல கருத்துகள் இன்று அறிஞர்களால் மறுத்துரைக்கப் படுகின்றன. அவற்றில் சில பின்வருமாறு :

- கணிதக் கல்வியில் ஐரோப்பிய மையவாதம் செலுத்தி வரும் செயலாக்கு
- பாடசாலைகளில் கற்பிக்கப்பட்டு வரும் கணிதம் முற்றாகவே ஐரோப்பியர்களால் உருவாக்கப்பட்டு வளிமுக்கூறுகளில் பரப்பப்படுகின்றது எனும் கருத்து
- கணித அறிவு கலாசாரத்துக்கு அப்பாற்பட்டது; கலாசாரத்தால் பாதிக்கப்படாதது எனும் கருத்து.
- மனிதனின் செயற்பாடுகளில் ஒரு குறுகிய பகுதியே கணிதச் சார்புடையது; முறையான கணிதம் எனக் கருதப்படக் கூடியது எனும் கருத்து.

கணிதம், கணிதக் கல்வி, வரலாறு, மானிடவியல், பெண்ணியல் ஆய்வு, உணவியல் போன்ற பல்துறை சார்ந்த அறிவைவும் ஆய்வுகளையும் ஆதாரமாகக் கொண்டு கணிதத்துறையில் ஆதிக்கம் செலுத்தி வரும் ஐரோப்பிய மையவாதம் மறுத்துரைக்கப்படுகின்றது. இம்மூவற்சிகளின் விளைவாக உருவாகி உள்ள புதிய ஆய்வு, தெளி இனத்துவக் கணிதம் (ethnomathematics) எனப்படுகின்றது.

இனத்துவக் கணிதம் - வரைவியல்களும்

கணிதம், கல்வி, கலாசாரம், அரசியல் போன்ற கற்க்குநெறிக்களின் அடிப்படை அறிவுத் தொகுதியிலிருந்து இனத்துவ கணிதம் எனும் புதிய எண்ணக்கரு உருவாகிற்று. அதற்கான பல்வேறு வரைவியல்களங்கள் அறிஞர்களால் அண்மைக்காலங்களில் ஆராயப்பட்டு அவற்றில் பல நிராகரிக்கப்பட்டும் சில ஏற்றுக்கொள்ளப்பட்டும் வந்துள்ளன. அவற்றில் பின்வரும் இரு வரைவியல்களங்கள் இன்றளவும் முக்கியத்துவம் வாய்ந்தனவாகக் கருதப்படுகின்றன:

1. இனத்துவக் கணிதம் என்பது எழுத்தறியில்லாத மக்களின் கணித சிந்தனைகள் பற்றியது. இவ்விளக்கத்தின் படி, சகல கலாசாரங்களிலும் கணித சிந்தனைகள் காணப்படுகின்றன. ஆனால் அவற்றுக்கிடையே ஒருமைப்பாடுகளைக் காண முடியாது. ஒவ்வொரு கலாசாரத்திலும் வெவ்வேறு வகையான கணித சிந்தனைகள், குறிப்பிட்ட கலாசாரத்தின் நிலைமைக்கேற்ப வலிவுறுத்தப்படும். தருக்க ரீதியாகச் சிந்திக்கும் ஆற்றவில் கலாசாரங்களுக்கிடையே வேறுபாடுகள் இல்லை; சிந்தனைக்கு உட்படுத்தப்படும் விடயம், அதனைத் தேவைப்படுத்தும் நிலைமைகள் என்பவற்றிலேயே வேறுபாடுகள் உள்ளன.

மேற்கூறிய கருத்துகளுக்கு மானிடவியல், கணிதவியல் சார்ந்த ஆதாரங்கள் உள்ளன. இவைவாலும் கணித சிந்தனைகள் பற்றிய ஐரோப்பியமைய

வாதத்தின் நிலைப் பாடுகளை நிராகரிக்கும் நோக்கில் எழுந்தவைவாகும். அத்துடன் கணித வரலாற்று நூல்களில் எழுத்தறிவற்ற ஐரோப்பியரல்லாத சமூகங்களில் கணித சிந்தனைகள் பற்றிய பாதகமான கருத்துக்களை மறுத்துரைக்கும் நோக்குடையவை.

பொதுவாகவே, கணித வரலாற்று நூல்களில் முதல் அத்தியாயங்களில் எழுத்தறிவற்ற மக்களின் கணித சிந்தனைகள் பற்றி சில வாக்கியங்கள் மட்டுமே எழுதப்படுகின்றன. அத்துடன் சிேசிந்தனைகள் பற்றிய தவறான கருத்துகளை இந்நூல்களில் தரப்படுகின்றன. எழுத்தறிவற்றவர்கள் புராதன சமூகங்களைச் சேர்ந்தவர்கள். மனிதனின் தற்போதைய பரிணாம வளர்ச்சிக்கு முற்பட்டவர்கள் எனக் கருதப்படும் இவ்வரலாற்று நூல்கள் மூன்வைக்கின்றன. ஆயினும் இன்றைய ஆய்வாளர்கள் பலர், எழுத்தறிவற்ற மக்களின் சிந்தனைகளில் பல நவீன மேலைநாட்டுக் கணித சிந்தனைக்கு ஒப்பானவை என ஆதாரபூர்வமாக நிரூபித்துள்ளனர். இவ்வாய்வாளர்கள் கணித வரலாற்றை மேலும் விரிவு படுத்தி, பல இளக்குமுவினரின் கணித சிந்தனைகளுக்கு அவ் வரலாற்றில் இடமளித்துள்ளனர். மேலும் இனத்துவ கணிதம் என்பது எழுத்தறிவற்ற மக்களில் கணித சிந்தனை என்ற கருத்தைதும் அவர்கள் மேலும் விரிவுபடுத்தியுள்ளனர்.

2. வெவ்வேறு கலாசாரங்கள், வெவ்வேறு சிந்தனாமூல்கள் (Modes of

thought) என்பவற்றுக்கேற்ப கணித வடிவங்களும் முறைகளும் வேறுபடுகின்றன. அதனால் எண்ணுதல் (Counting), ஒழுங்குபடுத்தல் (Ordering) வகைப்படுத்தல் (Sorting), அளத்தல், பாடுபடுத்தல் (classifying) என்பவற்றில் வெவ்வேறுபட்ட முறைகள் கலாசார வேறுபாடுகளுக்களவே எழுந்துள்ளன. எனவே பொதுவான கணிதம் என்ற ஒன்றில்லை. ஆனால் ஐரோப்பியனை வாதம், ஐரோப்பிய கணித சிந்தனைவை உலகுக்கே பொதுவான கணிதம் என வரைவறை செய் முற்படுகின்றது. இப்பொதுவான கணிதம் (Universality of mathematics) என்ற சிந்தனையைக் கைவிட்டிட்டு, வெவ்வேறு கலாசாரங்கள் வெவ் வேறு கணிதத்தை உருவாக்குகின்றன. ஒரு தனிப்பட்ட கலாசாரம் காலப்போக்கில் மாற்றமடைதும் போது, அதன் கணித சிந்தனையும் மாற்றமடைதும் என்ற உண்மையை அறிய முடிகும். இப்பின்னளியில் நோக்குமிடத்து இனத்துவ கணிதம், கணித வரலாற்றறிவைதும் கலாசார மாண்டவியல் அறிவைதும் கொண்ட தொகுப்பாக அமைகின்றது. அத்துடன் இனத்துவ கணிதமானது, கல்விசார் (academic) கணிதத்துக்கும் நடைமுறை (practical) கணிதத்துக்கு மிடையில் இனங்காணப்பட்ட வேறு பாடுகளைதும் தீர்த்துவைக்கின்றது.

இடுபதாம் நூற்றாண்டில் இவ்வேறுபாட்டை, பாடசாலைகளில் சுற்பிக்கப்படும் கல்விசார் கணிதத்திற்கும் நாளாந்தம் மனிதர்களை பயன்படுத்தும்

கணிதத்திற்குமிடையில் காண முடியின்றது. கல்விசார் கணிதம் பழிவுவோர் நாட்டின் முக்கிய முகாமைத்தவாய் பணிசெய்யும் பதவிகளிலும் அமரமுடியின்றது. தானாந்த வரம்க்கைத் தேவைகளுக்கு உதவுவது நடைமுறைக் கணிதமேவாகும். இப்பின்னணியில் இனத்துவ கணிதம் பற்றிய விபிவான ரேண்டர்வது வரை விவக்கணம் பின்புறமுற்று அமைகின்றது.

இனத்துவ கணிதம் என்பது இனம் கண்டறியக்கூடிய ஆதி சமூகங்கள், தொழிலாளர் குழுவினர், தொழில் வகுப்பினர், குறிப்பிட்ட வயதுக் குழுவினர் போன்ற கலாசாரக் குழுவினர் பயன்படுத்துவதாகும். இவர்கள் பயன்படுத்தும் கணிதக் குறியீடுகளும் சொல்லாட்சிகளும் கல்விசார் கணிதத்தின் வரையறைகளுக்கு உட்படுத்தும் கணிதம் (Applied) போன்றவை இவ்வகையான இனத்துவ கணிதத்துக்கு ஒரு உதாரணமாகும். இக்கணிதம் கல்வி நிறுவனங்களில் கற்பிக்கப்படும் கணித முறைகளுடன் ஒத்துப் போவதில்லை.

இவ்விபிவான வரைவிவக்கணத்தின்படி மேலைநாடுகளில் வாழும் சில பண்பாட்டுக் குழுவினர் பயன்படுத்தும் கணிதமுறைகளும் இனத்துவ கணிதம் என்பதிலேயே அடங்கும்.

இனத்துவக் கணித ஆய்வாளர்கள் குறிப்பிட்ட கலாசார குழுவின் தாக்கம் கணித சிந்தனைமில் தீடம் பெறுவதை உய் வலியுறுத்துகின்றனர். இசை போன்ற

கலாசாரப் படைப்புகள் போன்று கணித சிந்தனைகளும் குறிப்பிட்ட கலாசாரத்தின் பாரதிப்புக்குட்படுவன என்பது அவர்களுடைய கருத்தாகும்.

இக்கருத்தின்படி விஞ்ஞான மற்றும் கணிதத்தில் வரவாறு சிந்தனைகள் சார்ந்த அறிவுத் தொகுதியின் உருவாக்கம் என்பன வேறு வழிகளிலும் நோக்கப்படல் வேண்டும். அதிவு; என்பது தனித்து தருக்கரீதியான அறிவாராய்ச்சியில் முறையிவையைப் பயன்படுத்தி உருவாக்கப் படுவதில்லை; உன்சு செவற்பாட்டில் தருக்கம் தவிர்ந்த இனத்துவ, கலாசார அம்சங்களும் உண்டு. வெவ்வேறு வகையான சிந்தனை முறைகளும் வெவ்வேறு வகையான தருக்க விவக்கங்களும் உண்டு. இவை குறிப்பிட்ட கலாசாரகுழுக்களின் அனுபவங்களுக்கேற்ப வேறுபடும். இதன் தற்போதிகம், சகல சிந்தனைகளும் ஁ரே வகையான தருக்கத்துக்கு உட்பட்டவை என்பதை ஏற்றுக் கொள்ள முடியாதது.

இவ்வாறு நோக்குமிடத்து, பொறியியலாளர்கள், பின்னணிகள், விவசாயிகள், கம்பியூட்டர் விஞ்ஞானிகள் போன்ற வெவ்வேறு கலாசாரப் பிரிவினரின் காரணம் காரணம் ராசனாடு வழிமுறைகள், அனைத்தல், பகுத்தல் முறைகள் என்பன வெவ்வேறு பட்டவனாக அமையும். மேலும் கல்விசார் பக்கவையக்கறை கணித அறிவுர் மத்தியில் தமக்கேயுரிய இனத்துவக் கணித முறைகளையும் பயன்படுத்தி பவர்களும் இருப்பர். இவ்வாறு நோக்குமிடத்து இனத்துவ கணிதம் என்பது குறிப்பிட்ட கலாசாரக் குழுவினர் கணித சிந்தனைகளைத் தமக்கேயுரிய மொழி நடைமில் வெளிநீருவதைக் குறிக்கும்.

இந்தியைப்பாட்டியன்படி, தொழில் முறைக் கணிதவியலாளர் கனின் கணிதமும் ஒருவகை இனத்துவ கணிதமேவாகும்.

இவ்வாய்வாளர் கருத்தின்படி, கல்வி சார் (பாடசாலை, பக்கவாக்கழகம்) கணிதம் உலகில் பல பாகங்களிலும் பயன்படுத்தப்படுவதால் அதில் சர்வதேச அம்சம் உள்படைய ஏற்றுக் கொள்ள முடியும். ஆனாலும் உலக மக்களில் ஒரு சிறு வீதத்தினர் மட்டுமே கல்விசார் கணிதத்தைப் பயன்படுத்துவதால் அதற்கு முழுமையான சர்வதேச அந்தஸ்தை வழங்கி விடமுடியாது. அதேவேளையில் சாதாரண மக்களின் இனத்துவ கணித சிந்தனைகள் முன்றாந்தரமானவை என்று கூறிவிட முடியாது. அதனைக் கணித சிந்தனைகளின் பெய்வேறு கலாசார வெளிப்பாடாகக் கொள்ளல் வேண்டும் என்பது ஆய்வாளர் கருத்து.

இனத்துவக்கணிதம் பற்றிய இவ்வினக் கட்டுரை எண்ணக்கூடியும் பின்தங்கிய சமூகங்களின் கணித சிந்தனைகள் கணித வரலாற்றில் மறைக்கப்பட்டதை வலியுறுத்தும். இத்தகைய சார்ந்த ஆய்வாளர்கள் பொது மக்களின் எழுதப்பட்ட, எழுதப்படாத, வாய்மொழி மூல, வாய்மொழி வடிவற்ற கணித சிந்தனைகளை உள்படக்கியது இனத்துவ கணிதமென்றும் அவை கணித வரலாற்றில் அடக்கியம் செய்யப்பட்டன ஆகவது திரிபுபடுத்தப்பட்டன என வலியுறுத்துவர். கல்விசார் கணிதமும் இனத்துவ கணிதமும் ஒன்றிணைக்கப்பட்டு கணிதம் தொடர்பான சகல மனித சிந்தனைகளும் செயற்பாடுகளும் அவற்றின் வரையறைக்கும் கொண்டு வரப்பட்ட வேண்டும் என்பது அவர் தம் கருத்தாகும். இனத்துவக் கணிதம் பற்றிய கோட்பாடு மீற மக்களின்

நடுக்க சிந்தனைகளையும் மீற சிந்தனா முறைகளையும் விளங்கிக் கொள்ளச் செய்யப்படும் ஒரு புதிய முயற்சி எனக் கொள்ளப்படல் வேண்டும்.

இனத்துவக் கணிதமும் கல்விச் செயற்பாடும்

பய்வேறு கலாசாரக் குழுவினர் வதிர் நோக்கும் கலாசாரம் தொடர்பான பிரச்சினைகளைத் தீர்ப்பதற்குக் கல்விசார் கணிதத்தை விட அவர்கள் உருவாக்கும் இனத்துவ கணிதம் கூடிய விளைத்திறன் மிக்கது என இத்தகைய சார்ந்த ஆய்வாளர்கள் வாதிடுவர். ஏனெனில் இக்குழுவினர் உருவாக்கும் இனத்துவ கணிதம் இக்குழுவினரைப் பொறுத்த வரையில் தோன்றும் பய்வேறு தடைகளுடன் தொடர்புடையது. பிரச்சினைக்கான தீர்க்க கணிதநீர்மான தாளில், அத்தகைய தீர்வு அக்கலாசாரக் குழுவினரின் இனத்துவக் கணித அறிவு வளர்ச்சிக்கும் துணைபுரியும். பாடநூல்களில் காணப்படும் கணித அறிவு வேறொரு கலாசாரக் குழுவில் தோன்றிய பிரச்சினைகளுடன் தொடர்புடையது என அக்குழு தனித்த ஏனைய கலாசாரக் குழுவினரின் பிரச்சினைகளைத் தீர்க்க அக்கணித அறிவு பயன்படாது. அதற்கு ஏனைய குழுவினர் தாமே உருவாக்கிக் கொண்ட இனத்துவ கணிதமே நன்கு பயன்படும் என இவ்வாய்வாளர்கள் வாதிடுவர்.

இனத்துவக் கணிதம் பற்றிய எண்ணக்கூறு கல்விச் செயற்பாட்டைப் பொறுத்தவரையில் கருத்திற் கொள்ளப் பட வேண்டிய தொன்றாகும். இனத்துவக் கணிதம் பய்வேறு கலாசாரக்குழுவினரின் கணித சிந்தனைகள் பற்றியது என்பதால் மக்களின் கலாசார வேறுபாடுகளுக்கிசைய



சிந்தனைகளும் வேறுபட்டே காணப்படும். இத்திணையில், வெவ்வேறு கலாசாரக் குழுவினருக்கும் பொருத்தமான ஒரு வகையான கல்விச் செயற்பாடொன்றை வித்தகரைக்க முடியாது. எனவே கணிதக் கல்வியின் ஆரம்ப கட்டமாக இனத்துவக் கணிதம் அவைய வேண்டும் என்பதும் மாணவர்கள் கணிதத்தைப் பொறுத்த வரையில் ஒரு பன்மைக் கலாசார நோக்கினை வளர்த்துக் கொண்டிருக்கிய சீலக்காக வேண்டும் என்பதும் இனத்துவக் கணித ஆய்வாளர் கருத்து.

இனத்துவக் கணிதத்தின் அடிப்படைகளே கணிதப் பிரச்சினைகள் இனங்காணப்படும் வேண்டும் என்றும் மாணவருடைய வாழ்க்கையுடன் தொடர்பற்ற பிரச்சினைகளைத் (Pseudo-problems) தெரிவு செய்வது தவிர்க்கப்படும் வேண்டும் என அவர்கள் கருதுவர். கணிதநீதியாகத் தீர்க்கப்பட வேண்டிய கணிதபாடப் பிரச்சினைகளை ஆசிரியரும் மாணவர்களும் கவந்தாரையாடித் தெரிவு செய்ய வேண்டும்; இனத்துவக் கணிதம் என்பது ஒரு கலாசாரக் குழுவினரின் வாழ்க்கையுடன் தொடர்புடையது. அவர்களிடையே வாழ்க்கையின் ஒரு அம்சமாக விளங்குவது இக்கணிதம் இக்குழுவினர் எதிர்நோக்கிய சில பிரச்சினையான நிலைமைகளிலிருந்து உருவாகிறது. அதனால் சீலப்பாசுவே இக்குழுவினரும் குழுவைச் சேர்ந்த மாணவர்களும் தாம் உருவாக்கிய கணித சிந்தனைமீய் ஆர்வம் காட்ட முயல்வர். ஆயினும் மாணவர்களின் இத்தகைய ஆர்வம் உடனடியாக அவர்களைக் கணிதக் கல்வியில் ஆக்கறை காட்டச் செய்யும் என சீலவாய்வாளர்கள்

கருதவில்லை. மாணவர்கள் சார்ந்துள்ள குழுக்களுிய இனத்துவக் கணிதத்தை அடிப்படையாகக் கொண்ட பிரச்சினைகளை ஆசிரியர் தெரிவு செய்து வழங்கினாலும் மாணவர்களுக்கு அவை போலியான பிரச்சினைகளாகவே இருக்கும். எனவே வகுப்பறையில் சீலவாநான போலியான பிரச்சினைகளை வழங்குவதைத் தவிர வேறு வழியில்லை என்ற முடிவுக்கே வர நேருகின்றது. இனத்துவக் கணிதக் கல்வியாளர்கள் இதற்குக் கண்ட முடிவு; ஆசிரியர்களும் மாணவர்களும் பரஸ்பர உரையாடலில் ஈடுபட்டுக் கணிதப் பிரச்சினைகளைத் தெரிவு செய்ய வேண்டும் என்பதாகும்.

இனத்துவக் கணிதத்தை அடிப்படையாகக் கொண்ட சுற்றல் செயற்பாடுகள் பெரும்பாலும் முறைசாராகக் கல்வியிலும் வளர்த்தோர் கல்விச் செயற்பாடுகளிலுமே பெரிதும் பயன்படுத்தப்பட்டன. பாடசாலைக் கல்வியில் சீலவனுக்குமுறை பொருத்தி வருமா என்று இன்னும் முடிவு செய்யப்படவில்லை. சில உண்டாகப் பகுதிகளை மாற்றுவதால் மட்டும் பாட ஏற்பாட்டை மாற்றிவிட முடியாது. மரபுவழிப் பாடஏற்பாட்டில் போலியான பிரச்சினைகள் கற்பித்தல் பணிக்குத் தவிர்க்க முடியாதவை. ஏனெனில் அவை மாணவர்களின் பங்குபற்றல் எதுவுமின்றி ஆசிரியரால் தீர்மானிக்கப் படுபவை.

ஆயினும் மரபுவழிப்பாட ஏற்பாட்டில் மாற்றத்தை ஏற்படுத்தவும் கணிதக் கல்வி பற்றிய ஒரு புதிய அணுகுமுறையை அதிமுதம் செய்யவும் செயற்றிட்ட அமைப்பு (project organisation) மற்றும் thematization ஆகிய வழிமுறைகள் பயனுள்ளவை என்பது கல்வியாளர்

சூத்திரம். இவ்வணுகுமுறையில் விடயங்கள் அல்லது தலைப்புகள் (themes) செயற்றிடங்கள் எனவ என்பது பற்றி ஆசிரியர் சூத்திரம் மாணவர்களுக்கும் இணைத்து தீர்மானிப்பார். இவ்வீடயங்கள் கணிதம் அல்லது உயிரியல் சம்பந்தப்பட்டதாகவோ, கல்வி சார் பாடநெறிக்கண்கூறு பொருத்தமானவையாகவோ இருக்க வேண்டுமென்பதில்லை. இவை மாணவர்களால் மேற்கொள்ளப்படும் ஆய்வுகளாக அளமையும். மாணவர்கள் இவ்வாய்வுகளினூடாக உயங்களை நுணுகி நோக்கும் திறன்களை வளர்க்க உதவுவது ஆசிரியரின் கடமையாகும்.

இனத்தவக் கணிதம் மாணவர்களின் கல்விச் செயற்பாட்டில் ஆரம்பக் கட்டத்தில் இடம்பெற வேண்டும் எனவது இவ்வணுகு முறையில் உட்பொருளாகும். இவ்வாறே உயிரியல், இரசாயனவியல் போன்ற பாடங்களிலும் மாணவர்கள் தமது கலாசாரக் குழுக்கள் பயன்படுத்தும் இனத்தவ அறிவை (Ex: ethno biology, ethno chemistry) கல்விச் செயற்பாட்டில் ஆரம்பக் கட்டத்தில் பாடப் பொருளாக அளமக்கலாம். மாணவர்கள் தொகுக்கும் தீத்துறைகள் சார்ந்த இனத்தவ அறிவை முறைசார்ந்த கல்விசார் (கணித, உயிரியல்) அறிவுடன் ஒப்பிட்டு நோக்கலாம். இவ்வெவ்வேறு அறிவுக் தொகுதிகள் வெவ்வேறு நிலைமைகளில் எவ்வாறு பயன்படும் என்பவாறு பொருத்தம் என்பவற்றைப் பற்றியும் ஆசிரியர்களுக்கும் மாணவர்களுக்கும் கலந்துரைவாடலாம். தீத்தகைய அணுகுமுறையினால் விஞ்ஞானமும் கணிதமும் தமக்கு முந்திலும், இதய அறிவுக் துறைகள் தமது கலாசாரத்துக்கு அப்பாற்பட்ட எல்லாம் வல்ல கற்கை நெறிகள் என்ற எண்ணங்களை மாணவரிடமிருந்து போக்கலாம் என இனத்தவக்

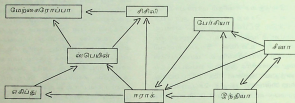
கணித ஆய்வாளர்கள் சூத்திரத்திற்றனர். சூத்திரக் கநிதம். இனத்தவக் கணிதம், கல்விசார் கணிதம் பற்றிய ஆய்வாளர்களின் நோக்கம். மாணவர்கள் பாடசாலைகளில் கல்விசார் கணிதத்தைச் சிறப்பாகக் கற்கும் வாய்ப்பு; எனவ இனத்தவக் கல்வி மேம்படுத்தும். இவ்வகையில் கல்விசார் கணிதத்தை விட இனத்தவக் கணிதம் கூடிய வினைத்திறனுடையது.

மேலை நாடுகளில் ஐரோப்பிய மைய வாதத்தின் அடிப்படையில் முன் வைக்கப்படும் இனவாதக் கருத்துகளைப் பாடசாலைகளில் எதிர்கொள்ள, உலகளாவிய ரீதியில் பல்வேறு இன மக்கள் மத்தியில் கணித அறிவு பரவிக்க காணப்பட்டது என்னும் இனத்தவக் கணித சிந்தனைமைப் பயன்படுத்தலாம் என அறிஞர்கள் சூத்திரத்திற்றனர். உலகில் பல்வேறு பாகங்களில் வளர்ச்சிபற்ற பல்வேறு கணித சிந்தனை மரபுகளில் ஒரு வகை ஒருமைப்பாட்டைக் காண முடிவின்றது. அதே வேளையில் அவற்றில் காணப்படும் வேறுபாடுகளைக் கவாரசிவமானவையாகவும் பல்படிப்பினைகளைக் கொண்டவையாகவும் விளங்குகின்றன. உலகளாவிய ரீதியில் மண்ணும் (counting) முறைகளில் நாள்காட்டி (calendar) அமைப்புகளிலும் வேறுபாடுகள் உண்டு. பாரம்பரிய ஆயிரக்க வடிவங்கள் (design), தீத்திய கோலங்கள், ரங்கோலி வடிவமைப்புகள், இவ்வாயிவை கலை வடிவங்கள் என்பவற்றில் காணப்படும் அமைப்பு முறையில் வேறுபாடுகள் உண்டு. இவ்வதாரணங்கள் மாணவர்களுக்கும் பிரயோக கணிதத்தை விளக்குவதற்கும் கணித சிந்தனை மரபில் காணப்படும் கலாசார வேறுபாடுகளை உணர்த்துவதற்கும் நன்கு பயன்படுத்தப்படலாம் என இனத்தவக் கணிதவியல் அறிஞர் சூத்திரவர். ●

அடிக்குறிப்புகள்

1. ஆசியாவிலும் ஆபிரிக்காவிலும் ஐரோப்பியரின் குடியேற்ற ஆட்சி நன்கு உறுதி பெற்றதன் விளைவாக, ஐரோப்பியர்களிடமிருமிருந்து வந்த கணித சிந்தனைகள் அடிப்படையில் செயல்பட்டு ஐரோப்பியர்களின் விஞ்ஞான சிந்தனையே காலத்தால் முந்தியது என வலியுறுத்தப்பட்டது. எனினும் பண்டைய கணித அறிவு பற்றிய கண்டுபிடிப்புகள், கணித ஆய்வுகளின் தோற்றம் 1500 ஆண்டுகளுக்கு முன்புதான் என நிரூபித்தன. கிரேக்கர்களுக்கு முன்னரே எகிப்திலும் செயல்படுத்தியவாறிலும் கணிதம் அடைந்திருந்த வளர்ச்சி ஐரோப்பியரால் மறுத்துரைக்கப்பட்டது. பண்டைய கிரேக்கம் 19 ஆம் நூற்றாண்டுக்கு முன்பு, ஐரோப்பாவும் எகிப்திலும் விஞ்ஞானம், தரகரீயம் என்பவற்றால் அடைந்த பயன்கள் மறைக்கப்பட்டன. விஞ்ஞான அறிவு கிரேக்கியின் முதலில் தோன்றி ஏனைய ஐரோப்பிய நாடுகளுக்குப் பரவியது என்ற ஐரோப்பிய மைய வாதக் கருத்து முன்னவைக்கப்பட்டது.

இன்றைய ஆய்வாளர்கள் எகிப்து, ஈராக், இந்தியா, சீனா, ஆசிய நாடுகளிலிருந்து சிபிரிஸ், எபெயின் ஆகிய நாடுகளிலிருந்து அராபிய, சீன, இந்திய கணித அறிவு மேலும் நாடுகளை அடைந்ததாகக் கூறுகின்றனர்.



பார்க்க :

G.C. Joseph, *Foundation of Eurocentrism in Mathematics in Arthur B Powell and Marilyn Frankenstein, Ethnomathematics*, State University, New York Press, 1997.

(இக்கட்டுரைக்கு ஆதாரமான ஆய்வுகளான தரம்)

2. இனத்துவக் கணிதம் - Ethnomathematic என்பதில் உள்ள இனம் (Ethno) எனும் சொல் காதாரன் பொருளில் தமிழ், சிங்களம் என்பன போன்ற இனங்களைக் (Race) குறிக்காத பல்வேறு கலாசாரக் குழுவினரைக் குறிக்கிறது. இக்கட்டுரையின் நோக்கிற்கு ஆதினோக்குருக்கள், தொழிலாளர், குறிப்பிட்ட ஒத்த வலது மீன்னைகள், கம்ப்யூட்டர் பொறியியலாளர் போன்றவர்கள் கலாசாரக் குழு என்ற மறுபாட்டிற்குள் அடங்குவர். ஒரு பொதுவான கருத்தைத் தமக்குள் பகிர்ந்து கொள்ளும் கலாசாரக் குழுவினர்கள் இயின்கள்.
3. இனத்துவக்கணிதம் என்ற சொல்லாட்சி வழக்கிற்கு வகுமுன்னர் "நாளாந்த" கணிதம் "இயற்கை கணிதம்", "பாய்மொழி கணிதம்" (Oral) "நாளாந்த கணிதம்" (non-standard) , "கலாசார கணிதம்", "முனையல் கணிதம்" (Informal) போன்ற சொற்களைக் கணிதவியல் அறிஞர் பயன்படுத்தினர்.