

# நெஞ்சு அறிவியற் புலத்தில் முதலாம் ஆரியப்பட்டரின் வகிபங்கு சயவனாளிபவன் முகுந்தன்

## ஆய்வுச் சருக்கம்

இந்துநாகரிக வரலாற்றில் கணிதவியல், வானியல் ஆகிய இரண்டு அறிவியற் புலங்கள் தொடர்பில் ஆரியப்பட்டரே ஆதர்ச்சபுருஷராகக் கருதப்படுகிறார். வடதுந்தியாவில் அறிவியற் சித்தாந்த காலகட்டம் எனச் சுட்டப்படுகின்ற கி.பி.500-1200 காலப்பகுதியின் முற்கூறுகளில் வாழ்ந்த இவர் (கி.பி.476) பூராதன இந்துவானியற் புலமை மரபின் மடைமாற்றப் புள்ளியாகக் கருதப்படுகிறார். இந்துசமுதாயத்தில் அறிவியற் கருத்தமைவுகள் பெளராணிகந் தோய்ந்த நிலையிலிருந்து பகுத்தறிவு சார்ந்த தூயவிசாரணைப் பண்புடையனவாகப் பரிமாணம் பெறத்தொடங்கியமைக்கான மூலாதாரமாக இவரது ஆரியப்பட்டையம் என்ற பனுவல் அமைந்துள்ளது. எண்கணிதம், அடசரகணிதம், கேத்திரகணிதம், திரிகோண கணிதம் ஆகிய கணிதவியற் புலங்களில் ஆரியப்பட்டையம் முக்கிய எல்லைகளைத் தொட்டுச் சென்றுள்ளது. பதின்மூன்கள், மூறைப்பு விதி, முதல்நிலை முடிவுபெறாச் சமன்பாடுகள், கேத்திரகணித உருக்களுடன் தொடர்புடைய கணிதப் பிரச்சினைகள் என்பவை இவ்வகையில் குறிப்பிடற்பாலன. “ஆசன்” என்ற கலைச்சொல்லால் “ப” இன் பெறுமதி யைத் துணியும் முறைமையும் ஆரியப்பட்டையத்தில் அறிமுகமாகியுள்ளது. “டயோபன்றைன்” சமன்பாடுகள் என கிரேக்க வழியில் அறியப்பட்ட தீர்வதரா சமன்பாடுகளைத் தீர்க்கும் முறையானது “குடக முறை” என ஆரியப்பட்டரால் அன்றே அறிமுகப்படுத்தப்பட்டிருந்தது. திரிகோணகணிதத்தின் பிரதான அம்சமான “சென்” அட்டவணைக்கு முன்னோடியான அட்டவணைகளும் அறிவுலகத்துக்கு ஆரியப்பட்டரின் மூலமாகவே கிடைத்தன. காலக்கணிப்பிலும் ஆரியப்பட்டர் புதுமையான வழிமுறைகளை அறிமுகப்படுத்தியிருந்தார். குறிப்பாக யுகங்களின் கணிப்பீடுகள் தொடர்பில் இவர் புகுத்திய நடைமுறைகள் குறிப்பிடற்பாலன. வானியல் தொடர்பில் இவருடைய சிந்தனைகள் அக்காலத்தில் எவரும் தொட்டிராத எல்லைகளைத் தொட்டிருந்தன. புவிச்சுழற்சி, கிரகணங்கள், கோள்களின் அசைவியக்கம் தொடர்பில் இவர் தனது பனுவலான ஆரியப்பட்டையத்தில் முன்வைத்திருந்த கருத்தியல்களை இதற்கு எடுத்துக்காட்டாகச் சுட்ட இயலும். இவருடைய அறிவியற் சிந்தனைகளைப் பாரச்கர்களும், அரேபியர்களும் உள்வாங்கித் தமது அறிவியற் கோட்பாடுகளைச் செழுமைப்படுத்தியிருந்தனர். தூரதிருஷ்டவசமாக மேற்குலகம் ஆரியப்பட்டரின் சிந்தனைகளை நேரடியாக அறிந்து கொள்ளும் வாய்ப்பைப் பெற்றிருக்கவில்லை. இதனால் கணிதவியல் மற்றும் வானியல் ஆகிய அறிவியற் புலங்களில் ஆரியப்பட்டருக்கு மட்டுமே கிடைத்திருக்க வேண்டிய சில அங்கீரங்களில் பிறரும் பங்குதாரர்கள் ஆகிவிட்டனர்.

**திறவுச் சொற்கள்:** ஆரியப்பட்டையம், ஆரியப்பட்டர், கணிதவியல், வானியல், அறிவியல்

## அறிமுகம்

பூராதன இந்து சமுதாயத்தில் நிலவிய கணிதம், வானியல், மருத்துவம், இரசாயன வியல் போன்ற அறிவியற் புலங்களின் தாற்பரியங்கள் உலக அரங்கில் முழுமையாக முறைமையாக வெளிப்படுத்தப்பட வில்லை என்பதே கசப்பான யதார்த்தமாகும். பண்டைய கிரேக்க, பாரசீக, மொசப்பதேமிய அறிவியற் கருத்தமைவுகள் நாலேன் அறிவியலாளர்கள் மத்தியில் பெற்றுள்ள அங்கீகாரத்தை பூராதன இந்து நாகரிகப்புலத்தின் அறிவியற் கருத்தமைவுகள் பெற்றில். அது மட்டுமன்றி இந்து அறிவியற் புலத்துக்கே உரித்தான சில அறிவியற் கண்டுபிடிப்புக்களுக்கான அங்கீகாரத்தை வேற்று நாகரிகத்தினருக்குத் தாரைவார்த்துள்ள துறதிஷ்டசாலிகளாகவும் இந்துக்கள் உள்ளனர். இதற்குத் தக்கதோர் எடுத்துக்காட்டு “இந்து - அரேபிய இலக்கங்களாகும்”. இந்த இலக்கப் பயன் பாட்டு முறைமையினைக் கண்டுபிடித்துப் பயன் படுத்தியவர்கள் இந்துக் களோயா யினும், அது அரேபியர்களின் வாணிபத் தொடர்புகளால் உலக அரங்கிற குக் கொண்டு செல்லப்பட்டது. இதனால் அதற்கான அங்கீகாரத்தில் இந்துக்கள் பங்குதாரர்களாய் ஆகவேண்டி ஏற்பட்டது.

இவ்வாறாகப் பல எடுத்துக்காட்டுக் களைக் குறிப்பிட முடியும். ஆவணப்படுத்த விண்மை, கையளிப்புப் பாரம்பரியத்தில் ஏற்பட்டுள்ள குறைபாடுகள், அறிவியலில் சமயத்தின் தலையீடு, குப்தப் பேரரசின் பின்னர் ஒயாது ஏற்பட்ட அந்நியப் படையெடுப்புக்கள். குறிப்பாக மத்திய காலத்தில் முகாலாயப் படையெடுப்புக்களால் ஏற்பட்ட அறிவுச்சுறையாடல்கள் போன்ற காரணிகள் இத்தகையதோர் துறதிருஷ்டவசமான சூழ்நிலையை இந்து

அறிவியற் புலத்துக்கு ஏற்படுத்தியிருந்தன. இத்தகையதோர் வரலாற்றுப் பின்புலத்தைக் கருத்திற் கொண்டே ஆரியப்பட்டரின் அறிவியற் பங்களிப்புக்கள் பற்றி இக்கட்டுரை கரிசனை செலுத்தியுள்ளது.

இந்துக் கணித வானியற் புலமைமரபில் அறிவியற் சித்தாந்தங்களின் காலகட்டம் எனப்படும் கி. பி. 500-1200 காலப்பகுதி மிகுந்த முக்கியத்துவம் உடைய காலப் பகுதியாகும். இக்காலகட்டத்தின் முக்கூறுகளில் வாழ்ந்தவரே முதலாம் ஆரியப்பட்டர் ஆவார். இந்துக் கணித வானியலறிவின் முப்பெரும் ஆளுமைகள் (The great Trios of Hindu Astro - Mathematics) எனப்பட்ட மூவரில் இவரே காலத்தால் முற்படவர். (வராஹமிஹாரர், பிரமம்மகுப்தர் ஆகியோரே ஏனைய இருவர் ஆவர்).

### இலக்கிய மீளாய்வு

பூராதன இந்துசமுதாயத்தில் அறிவியல் வளர்ச்சிநிலை குறித்த ஆய்வுகளிற் பெரும் பாலானவை வைத்திக மூலங்களைப் பற்றியே பிரஸ்தாபித்துள்ளன.

அறிவியற் சித்தாந்த காலகட்டம் குறித்த ஆய்வுகள் மிகவும் கருகலான நிலையிலேயே உள்ளன. அவற்றுள்ளும் கணித வியல், வானியல் தொடர்பிலான ஆழமான ஆய்வுகள் வெகுசிலவே வந்துள்ளன. இவற்றுள்ளும் ஆரியப்பட்டர் பற்றி வெளி வந்தவை சிலவே.

History of Hindu Mathematics என்ற நூலில் B.B.Datta என்பவர் சுயச்ரிதைப் பாங்கில் ஆரியப்பட்டரின் வரலாற்றைப் பதிவு செய்துள்ளார். இந்நால் 1981 இல Asia Publishing House ஸ்தாபனத்தாரால் பம்பாயிலிருந்து வெளியிடப்பட்டது. D.M.

Bose என்பவரால் 1971 இல் தொகுக்கப் பட்ட A Concise History of Science in India என்ற நூல் இந்தியாவின் அறிவியல் வரலாற்றைச் சூருக்கமாக அறிமுகங் செய்கிறது. ஆரியப்பட்டர் பற்றியும் மிகச் சூருக்கமான குறிப்புக்கள் இந்நூலில் இடம் பெற்றுள்ளன. Cultural Heritage of India என்ற நூற்றிரட்டின் நான் காவது தொகுதி அறிவியல் - தொழில்நுட்பம் (Science and Technology) பற்றி விபரித்துள்ளது. ஆரியப்பட்டர் தொடர்பிலும் இந்நூலில் விபரணப் பகுதி ஒன்று இடம் பெற்றுள்ளது. ஆரியப்பட்டர் தொடர்பான ஆய்வில் K.S.Shukla முக்கியத்துவம் உடையவராகத் திகழ்கிறார். இவரே 1976 இல் ஆரியப்பட்டையத்தை ஆங்கிலத்தில் மொழி பெயர்த்து வெளியிட்டார். Indian National Science Academy ஆல் இது வெளியிடப் பட்டது. மேலும் இவருடைய Aryabhata : Indian Mathematician and Astronomer என்ற வெளியீடும் 1976 இல் இதே நிறுவனத்தின் வெளியிடாக அமைந்தது.

தமிழகத்தில் இருந்து வெளிவந்த ஆக்கங்கள் ஆரியப்பட்டர் குறித்து கரிசனை கொண்டதாக அறியப்படவில்லை. ஆரியத்திராவிட அரசியல் இதன் பின்னணியில் இருந்திருக்க வாய்ப்புள்ளது.

### **ஆரியப்பட்டர் (1ஷும் ஆரியப்பட்டர்)**

இந்துக் கணித வானியற் புலமை மரபின் பிதாமகர் என்றும் வானியலைப் பூலோகத் தில் போதிக்க வந்த குரியடித்திரன் என்றும் புகழப்படுகின்ற ஆரியப்பட்டர் கி.பி. 476இற் பிறந்தார். அவருடைய தாய் தந்தையர் பற்றிய விபரங்களோ அவருடைய பூர்வீகம் பற்றிய பிற செய்திகளோ இதுவரை அறியப் படவில்லை. ஆயினும் அவர் மகதநாட்டின் “குசமபுரம்” என்ற இடத்தில் வாழ்ந்த

காலத்தில் ஆரியப்பட்டையத்தினை இயற்றிய தாக அறிய முடிகிறது. குசமபுரம் என்பது மகத நாட்டின் புகழ்பெற்ற தலைநகரமாக விளங்கிய பாடலிபுரமோகும். இது இன்றைய வட இந்தியாவின் பீகார் மாநிலத் தில் உள்ளது. (Selin, H. & Roddam, N. 2007:14)

குப்தப் பேரரசின் ஆதரவுடன் கல்வி கேள்விகளில் செழிப்புற்று விளங்கிய நாலந்தாப் பல்கலைக்கழகத்தில் ஆரியப்பட்டர் கற்பித்ததுடன் அங்கே அமையப் பெற்றிருந்த வானியல் அவதானிப்பு நிலையத்தின் “குஸ்ப” அல்லது குலாபதி எனப்படும் தலைமைப் பதவியையும் நெடுங்காலம் வகித்து வந்துள்ளமையினையும் அறியமுடிகிறது.

### **ஆரியப்பட்டரின் பறுவல்கள்**

ஆர்யப்பட்டையம், ஆரியப்பட்ட சித்தாந்தம் என்ற இரண்டு புகழ் பெற்ற கணித வானியற் பனுவல்கள் ஆரியப்பட்டரால் இயற்றப் பட்டன. இவற்றுள் ஆர்யப்பட்டையம் மட்டுமே இன்று கிடைக்கக்கூடியதாய் உள்ளது. “ஆரியப்பட்ட சித்தாந்தம்” காலவெள்ளத் தில் கரையண்டு போயிற்று. வராஹமிஹிரர், பிரம்ம குப்தர், முதலாம் பாஸ்கரர் போன்ற பிற்காலக் கணிதவானியற் புலமையாளர்களின் படைப்புக்களில் இடம் பெற்றுள்ள மேற்கோள்களே “ஆரியப்பட்ட சித்தாந்தம்” என்ற பனுவலின் இருப்பிற்குச் சான்று பகன்துள்ளன. “மகாஆர்யப்பட் சித்தாந்தம்” என்றும் “அர்த்தராத்திரிக தந்திரா” என்றும் இந்நூல் வழங்கப்படுகிறது. அமைப்பில் ஆர்யப்பட்டையத்தினை விடவும் பெரியது என்றவகையினால் “மகா” என்ற அடை மொழிபுடன்கூடிய பெயர் வழங்கியிருக்க வேண்டும். ஒரு நாளைக் கணிப்பிடும் முறையில் ஒரு நன்ஸிரவிலிருந்து அடுத்த

நள்ளிரவு வரையிலான காலத்தை நியம மாகக் கொள்வதனால் “அர்த்தராத்திரிக தந்திரா” என்ற பெயர் வழங்கியதென்பர். இந்து வானியல் மரபில் பொதுவாகச் சூரியோதயத்திலிருந்து அடுத்த சூரியோதயம் வரையிலே நாளைக் கணிப்பிடுவதே வழக்கம் என்பதும் இவ்விடத்திற் சுட்டிக்காட்டத்தக்க தாகும். (Selin,H. & Roddam,N. 2007:14)

### ஆரியப்பட்டையம்

அமைப்புமுறையில் ஆரியப்பட்ட சித்தாந்தத்தினை விடவும் சிறியது என அறியப்பட்டாலும் இன்றுவரை இந்துக் கணித வானியல் மரபின் தொண்மைக்கும் செம்மைக்கும் சான்றாக மினிர்கின்ற நூல் என்ற பெருமை ஆரியப்பட்டையத்திற்கு உரியதாகும். இது 123 சுலோகங்களை உடையது. தசக்திகம், கணிதபாடம், காலக் கிரியா பாடம், கோளபாடம் ஆகிய நான்கு அந்தியாயங்களை ஆரியப்பட்டையம் கொண்டுள்ளது. தசக்திகப் பகுதி பதின்மூன்று சுலோகங்களைக் கொண்டுள்ளது. இவற்றுள் முதல் இரண்டு சுலோகங்களும் இறுதிச் சுலோகமும் (13வது) நீங்கலான பத்துச் சுலோகங்களே விடயதானத்திற்கு உரியவை ஆகும்.

இரு யுகத்தில் நிகழுகின்ற சூரியன், சந்திரன், பூமி உள்ளிட்ட பிறகோள்களின் சமூர்ச்சிகள் பற்றிய விவரணங்கள், கோள்களின் சந்திப்புக்கள், கல்பத்தில் வாழ்ந்த மனுக்களின் கால விபரம், மனுவந்தர காலத்தினுள் அடங்கும் யுகங்களின் எண்ணிக்கை, மகாபாரதப் போர் பற்றிய காலக் கணிப்பு, அண்டத்தின் பரிதி பற்றிய ஆராய்ச்சி, யோஜனையின் நீளம்/நியம நீளம், பூமி, சூரியன், சந்திரன், மேருமலை. (அண்டத்தின் மையமாகக் கருதப்பட்டது.) ஆகியவற்றின் விட்டங்கள், பிற கோள்களின்

விட்டங்கள் பற்றிய கணிப்புக்கள், 1 வருடத் தொல்தில் கோள்களின் விலகல்களும், சந்திப்புக்களும் ஆகிய விடயத்தலைப் புக்கள் இப்பகுதியில் முதன்மைப்படுத்தப் பட்டுள்ளன. தசக்திகத்தின் 12வது சுலோகம் முதலாம் நிலை வேறுபாடுகளுடன் கூடிய 225 நிமிட வட்டப்பகுதிகளாக (arcs) சைன் அட்டவணையை ஒத்த ஒரு அட்டவணையைத் தந்துள்ளது. (Shukla, Kiipa Shankar 1976:25)

கணிதபாடப்பகுதியில் 33 சுலோகங்கள் இடம்பெற்றுள்ளன. இவற்றுள் எண்கணிதம், திரிகோணகணிதம், அட்சரகணிதம் எனக் கணிதவியலின் உப பிரிவுகள் செம்மையாக உள்ளடக்கப்பட்டுள்ளன. எண்கணிதம் குறித்து ஏழு சுலோகங்கள் இடம்பெற்றுள்ளன. பத்தின் மடங்குகள் வர்க்கம், வர்க்க மூலம் காணுதல், பின்னங்கள், மூவறுப்பு விதி கணம், கனமூலம், தலைக்மீழு மறையில் கணிதச்சிக்கல்களைத் தீர்த்தல் (Inverse method) போன்றவை பற்றி இவற்றில் விளக்கங்கள் உண்டு. கேத்திர கணித அளவீட்டியல் (mensuration) தொடர்பாகப் பன்னிரண்டு சுலோகங்கள் உள்ளன. முக்கோணம், சரிவகம், வட்டம், வட்ட நாற்பக்கல், நான்முகி, பிரமிட் வடிவங்கள் ஆகிய கேத்திரகணித உருக்களுடன் தொடர்புடைய பிரச்சினைகள் (பரப்பளவு - சுற்றளவு போன்றவை) பை ஜை ஒத்த “ஆசன்ன” வின் பெறுமதியைக் கணித்தல், செங்கோண முக் கோணங் களுடன் தொடர் புடைய விதிகள், நீள்சதுரம், சதுரம் ஆகியவற்றின் கணிதப் பிரச்சினைகள், எண்பன பற்றியும் கணித பாட சுலோகங்களில் விவாதிக்கப் பட்டுள்ளன.

திரிகோண கணிதம் தொடர்பான நேரடி யான இரண்டு சுலோகங்கள் உள்ளன. இவை “ஜை” எனப்படும் சைன், அட்டவணைக்

கணிப்பீடுகள் பற்றியன. அட்சர கணிதம் (பீஜ கணிதம்) பற்றிப் பன்னிரண் டு செய்யட்கள் அமைந்துள்ளன. இவற்றில் எண்வரிசைகள், கூட்டல் விருத்தி, எனிய சமன்பாடுகள், முதல் நிலை, இரண்டாம் நிலை, தீர்வுதரா சமன்பாடுகள் போன்றவை விளக்கப்பட்டுள்ளன.

ஆரியப்பட்டையத்தின் முன்றாவது அத்தி யாயமான காலக்கிரியா பாடம் இருபத் தொந்து கலோகங்களை உடையது. காலக் கிரியா என்றால் காலத்தை / நேரத்தை அறிதல்/துணிதல் எனப் பொருள்படும். நேரக்கணிப்பீடு, யுகங்கள், குரியவருடம், சந்திர மாதம், நட்சத்திரங்களின் நகர்வுக் ஞடன் தொடர்புபட்ட நாட்கணிப்பு ஒரு நாளின் உப அலகுகள், குரியன், சந்திரன் மற்றும் பிறகோள்களின் பன்மைச்சுழற்சி, வெளிவட்டச்சுழற்சி ஆகிய விடயத்தலைப்பு கள் இவ்வத்தியாயத்தில் முக்கியமானவையாகக் கருதப்படுகின்றன.

இவ்வத்தியாயத்தின் பத்தாம் கலோகத் தில் ஆரியப்பட்டையத்தினை எழுதிய திகதி, அப்பொழுது தனது வயது என்பவை பற்றி ஆரியப்பட்டர் தெளிவாகக் குறிப்பிட்டுள்ளார். இந்துக்களின் காலக் கணிப்பீடு பற்றி வேதாங்க ஜோதிடம் முன் வைத்த கருத்தி யல்களைச் செம்மைப்படுத்தியும் கணிப்பீடு களை இலகுபடுத்தியும் அமைத்த பெருமை ஆரியப்பட்டையத்தின் காலக்கிரியா பாடப் பகுதியையே சாரும். இதன் முதலாம், இரண்டாம், ஒன்பதாம், பதினொராம் கலோகங்கள் இவ்வகையில் குறிப்பிடத்தக்க வையாகும். நேரத்தின் அலகுகள் பற்றி முதல் இரண்டு கலோகங்கள் குறிப்பிடுகின்றன. யுகத்தினுடைய உப பகுதிகளான உற்சர்பினி, அவசர்பினி, சுஷ்டமா, தஸ்ஸமா ஆகியவை பற்றி காலக்கிரியா

பாடத்தின் ஒன்பதாம் கலோகம் விவரித் துள்ளது.

யுகம், மாதம், வருடம், நாள் ஆகிய வற்றின் கணிப்பீடுகளைக் கிரகங்களின் இயக் கத் துடன் தொடர் புபடுத் திய நுட்பத்தினைக் காலக்கிரியா பாடத்தின் பதினொராம் கலோகத்தில் அவதானிக்க முடிகிறது. காலக் கணிப்பில் தனக்கு முன்பு மரபு ரீதியாகக் கைக்கொள்ளப்பட்ட சில கணியங்களில் இவர் மாற்றங்களை ஏற்படுத்தியுள்ளார். எடுத்துக்காட்டாக “யுகம்” பற்றிய ஆரியப்பட்டரின் கணிப்பீடு களைக் குறிப்பிடமுடியும்.

வைத்க பெளராணிக மரபுகளின்படி 1 மகா யுகம் என்பது 1000 யுகங்களைக் கொண்டது. இதனையே 1 கல்பம் என்றும் பிரம்மாவிற்கு 1 நாள் என்றும் மேற்படி மரபுகள் கருதிவந்தன. ஆனால் ஆரியப் பட்டர் இதனை 7ஆல் வகுபடக் கூடிய வகையில் 1008 யுகங்களாக மாற்றம் செய்தார். அந்தவகையில் ஆரியப்பட்டரின் கணிப்பின்படி 1 மகாயுகம்/கல்பம் - 1008 யுகங்கள் காலக்கணிப்பு என்பது கிரக சஞ்சாரங்களுடனும் நட்சத்திரங்களுடனும் தொடர்புடையதாகையினால் அவற்றின் அடிப்படையிலேயே யுகக் கணிப்பீடும் மாற்றியமைக்கப்பட வேண்டும் என்பது ஆரியப்பட்டரின் தெளிவான வாதமாகும்.

“கிரகங்களும் நட்சத்திரங்களும் வின் வெளியில் மேற்கொள்ளும் நகர்வுகளின் அடிப்படையிலேயே காலம் கணிக்கப் படுகிறது. எனவே மகாயுகத்தினதும் அதில் உள்ளடங்கியுள்ள கலியுகம் முதலிய யுகபாதங்களினது ஆரம்பமும் சூரியன் சந்திரன் மற்றும் இதர கிரக நட்சத்திரங்களின் சேர்க்கையுடன்

தொடர்புபடுத்தப்பட்டே வரையறுக் கப்பட வேண்டியது தர்க்கழுர்வமான தாகும்.” (Aryabhatiyam Kalakriya padh, Slokah 8)

இதுபோன்றே ஒரு சதுர் யுகத் தில் அடங்குகின்ற ஆண்டுகள் தொடர்பான செம்மையாக்கமொன்றும் ஆரியப்பட்டரால் மேற்கொள்ளப்பட்டது. வைத்தீக மரபில் வந்த மனுஸ்மிருதயுள்ளிட்ட அனேக சாஸ்திரங்கள் ஒரு சதுரயுகத்தில் அடங்குகின்ற கிருதயுகம், திரோதயுகம், துவாபரயுகம், கலியுகம் ஆகிய நான்கு யுகங்களுக்குமான ஆண்டுகளைக் கணிப்பிடும் பொழுது முறையே 4:3:2:1 என்ற விகிதாசாரத்தைக் கைக்கொண்டன. ஆனால் ஆரியப்பட்டர் இதனை மாற்றி அமைத்தார். “யுகபாதம்” என்ற புதிய அலகீட்டினை அறிமுகப்படுத்தினார். இதன்வழி ஒரு சதுரயுகத்தில் உள்ளடங்குகின்ற கிருதயுகம் முதலிய நான்கு யுகங்களுக்கும் சம அளவிலான ஆண்டுகளே பகிரப்பட்டன.

$1 \text{ யுகபாதம்} + \frac{1}{4} \times 4,320,000 = 1,080,000$   
ஆண்டுகள்

ஆரியப்பட்டர் அறிமுகப்படுத்திய வழி முறைகள் வானியலுடன் ஒட்டிச் சென்றது டன் கணிப்பீடுகளுக்கான ஒரு யதார்த்தப் பண்பைக் கொண்டிருந்த காரணத்தினால் பிற்கால வல்லுநர்களால் அதிகளவில் பிண்பற்றப்படலாயின. (Pandit, S.K. 1964:36)

ஆரியப்பட்டையத்தின் இறுதி அத்தியாயமான கோளபாடம் உள்ளடக்கத்தால் பெரியது. நாற்பத்தெட்டுச் சுலோகங்களைக் கொண்டது. இறுதியில் நிறைவரைபோல அமையும் இரண்டு செய்யுட்களையும் சேர்த்தால் மொத்தமாக ஐம்பது சுலோ கங்கள் இந்த அத்தியாயத்தில் இடம் பெற்றுள்ளன. கோள்கள், நட்சத்திரங்கள்,

கிரகணங்கள், சில வானியற்கருவிகள், புவியின் நேரவேறுபாடு குரியனின் ஏற்றக் கோணம், இறக்கக் கோணம் பற்றிய கணிப்புக்கள், ஜய-கோஜய கணிப்பீடுகள் (சைன்-கொசைன்), இராசி மண்டலம் ஆகியவையே இந்த அத்தியாயத்தில் விவரிக்கப்பட்டுள்ள பிரதான விடயங்கள் ஆகும்.

புவியின் வட, தென் அரைக் கோளங்களின் குரியன் சஞ்சரிப்பதாகத் தோன்றும் பாதையில் இராசிமண்டலங்கள், பூமத்திய ரேகையில் இருந்து அப்பாதையின் விலகல் ஆகிய விடயங்களை இவ்வத்தியாயத்தின் முதலாவது சுலோகம் விளக்குகிறது. இரண்டாவது சுலோகம் குரியகலை, சந்திரகலை பற்றியும் கோள்கள், பூமியின் நிழல் தொடர்பாகவும் ஆராய்ந்துள்ளது. சந்திரன், வியாழன், செவ்வாய், சனி என்பன குரியன் சுற்றி வருவதாகத் தோன்றும் பாதையை அவற்றின் கலைகளில் குறுக்கிடுதல், வெள்ளியும் புதனும் அவற்றின் சந்திகளில் குறுக்கிடுல் தொடர்பாக மூன்றாம் சுலோகம் விளக்குகிறது.

குரியனில் இருந்து சந்திரனும் பிறகோள் களும் இருக்கும் நிலையம் தொடர்பாக நான்காம் சுலோகம் குறிப்பிடுகிறது. ஆறாம் ஏழாம் சுலோகங்களில் புவியமையைக் கொள்கை விவரிக்கப்பட்டுள்ளது. எட்டாம் சுலோகம் பூமியின் ஆரையானது பிரம்மாவின் பகலின் போதும் இரவின் போதும் முறையே । யோசனை அளவு சுடும், குறையும் என்ற கருத்தை விளக்குவதாக உள்ளது. ஒன்பதாம் சுலோகம் புவிச்சுழற்சி பற்றி விளக்குகிறது.

பத்தாம், பதினொராம், பன்னிரண்டாம் சுலோகங்கள் நட்சத்திரங்கள், கோள்கள் பற்றிய பொதுவான விடயங்களைக்

குறிப்பிட்டுள்ளன. இடநிலையங்களும் நேரமாற்றங்களும் தொடர்பாக பதின் மூன்றாம், பதினான்காம் பதினேழாம் கலோகங்கள் கூறியுள்ளன. பூமத்திய ரேகையில் உள்ள “லங்கா” (இலங்கை) என்ற இடத்தினை நியமப்புள்ளியாக ஆரியப்பட்டர் தெரிவு செய்துள்ளார். இது துருவங்களில் இருந்து 900இல் உள்ளது. துருவங்களில் ஆறு மாதங்கள் பகலும் ஆறுமாதங்கள் இரவும் நிலவுமென பதினேழாம் கலோகத்தில் குறிப்பிடப்பட்டுள்ளது. பூகோளவியல் ஆய்வுகளின் காலத்தைக் கருத்திற்கொண்டு பார்க்கும் போது இது மிகப்பெரிய ஆச்சரியத்தை ஏற்படுத்தும் புவியியல் உண்மை எனலாம்.

இருபதாம் இருபத்தோராம் கலோகங்கள் கோள்களின் பாதைகளை, அவதானிப்ப வரின் புள்ளியிலிருந்து கணிப்பிடுவதற்கான உத்திமுறைகளைக் குறிப்பிடுகின்றன. “த்ருண்மண்டல”, “தருக்கேஷபமண்டல” போன்ற இத்தகைய வழிமுறைகள் பிற்கால வானியலாளர்களாற் பெரிதும் பாராட்டப் பட்டமை குறிப்பிடத்தக்கது.

வானியற் கணிப்பீடுகளுக்கு உதவுகின்ற “கோளயந்திரம்” எனப்படுகின்ற மரத்தாலான கோளமொன்றின் செயல்நிலைபற்றி இருபத்திரண்டாம், இருபத்துமூன்றாம் கலோகங்களில் விளக்கப்பட்டுள்ளது. இருபத்துநான்காம் கலோகம் சங்குயந்திரம் எனப்படுகின்ற குரிய நிழற்கடிகாரப் பொறி முறையின் துணையுடன் பகற் பொழுதினைக் கணித்தல் பற்றிக் குறிப்பிடுகிறது. இராசிச் சக்கரம் தொடர்பாக இருபத்தைந் தாம் இருபத்தேழாம் கலோகங்கள் குறிப்பிடுகின்றன. இரவு, பகற் பொழுதுகளின் நீட்சியினைக் கணிப்பிடுகின்ற பூமியின் “ஜய” (ஷெஸ்) முறைபற்றி இருபத்தாறாம்

கலோகம் விளக்குகிறது. நாற் பத்து மூன்றாம் கலோகம் பூரண சந்திர கிரகணம் அல்லாத சந்தர்ப்பங்களில் மறைப்புக்கு உட்படாத சந்திரனின் பகுதி தொடர்பாகக் குறிப்பிடுகிறது. நாற்பத்தாறாம் கலோகம் பூரண சந்திரகிரகணத்தின் போது வெவ்வேறு பகுதிகளில் சந்திரனின் நிறம் தொடர்பாக விவரிக்கிறது. எட்டிலோரு பகுதிக்குக் குறைவாக மறைக்கப்பட்ட குரிய கிரகணம் கட்டுலனாகாது என்ற கருத்தை நாற்பத்தேழாம் கலோகம் சிறப்பாக வெளிப்படுத்தியுள்ளது. நாற்பத்தெட்டாம் கலோகம் கிரகணங்களின் போது ஏற்படும் சந்திப்புக்கள் தொடர்பான பொது விடயங்களைக் கூறியுள்ளது. கோள பாடத்தின் இறுதி இரண்டு கலோகங்களும் நூற் பயன் குறித் தகட்டியங்களுக்காக அமைந்துள்ளன.

இந்தக் கணித வானியற் பனுவல்களில் ஆரியப்பட்ட யைத்திற்கே அதிகளவிலான உரைகளும், குறிப்புரைகளும் இயற்றப்பட்டன. முதலாம் பாஸ்கரர், சோமேஸ்வரர், பிரபாகரர், ரகுநாதராஜா மாதவர், புத்தி விட்ணு, கோதண்ட ராமா, விருபாகவர், கிருஷ்ணதாசர், நீலகண்டசோமாயாஜி, சூர்யதேவயஜ்வா, கதிகோபர் ஆகியோரின் விளக்கவரைகள் இவ்வகையில் குறிப்பிடத் தக்கவையாகும்.

### **“குடக முறை - டயோபன்றரன் (Diophantine) சமன்பாடுகள்:**

முதன்நிலை, இரண்டாம், படிநிலை (First and Second degree) சமன்பாடுகள் தொடர்பாகவும் தீர்வுபெறாத அல்லது நிச்சயிக்க முடியாத சமன்பாடுகள் (Indeterminate equations) தொடர்பாகவும் ஆய்ந்தறிந்த புகழ்பெற்ற கணித மேதை டயோஃபேன்ட் (கி.பி. 3ஆம் நூற்றாண்டு) ஆவார். அலக்சாண்டிரியாவைச் சேர்ந்த இவர் குறிக்கணிதவியலின் (அட்சர கணிதம்)

முன்னோடிகளுள் ஒருவர் என்பதும் குறிப்பி தத்தக்கது. இவருடைய “Arithmetica” என்ற நால் அட்சரகணித சமன்பாடுகளின் முன்னோடியாகக் கருதப்படுகிறது. கீழூத் தேச அறிவியல் மரபில் இத்தகைய தீர்வு தராச் சமன்பாடுகள் பற்றிச் சிந்தித்தவர்களுள் ஆரியப்பட்டரே காலத்தால் முற்பட்டவர் என்பது குறிப்பிடத்தக்கது.

$$a x + C = b'y$$

“எட்டால் பிரிக்கப்படும் பொழுது ஜந்தை மீதியாகவும் ஒன்பதால் பிரிக்கப்படும் பொழுது நான்கை மீதியாகவும் ஏழால் பிரிக்கப்படும்பொழுது ஒன்றை மீதியாகவும் தரக்கூடிய எண்ணைக் காண்க.”

என்ற கணிதப் பிரச்சினையை ஆரியப் பட்டையத்திற்கான தனது விவரண உரையில் பாஸ்கரர் சுட்டிக்காட்டியிருப்பது கவனிக்கத் தக்கது. இதனை நல்லை அட்சரகணிதச் சமன்பாட்டு வடிவத்தில் அமைத்தால் பின்வருமாறு அமையும்.

$$N = 8x + 5 = 9y + 4 = 7z + 1$$

இதற்கு தீர்வாக அமையக் கூடிய மிகக்குறைந்த எண் 85 ஆகும். இத்தகைய கணிதப் பிரச்சினைகளைத் தீர்ப்பதற்கு பண்டைய இந்துக் கணிதவியலாளர்களாற் கையாளப்பட்ட வழிமுறை “குடகை” என்பது கிறது. “குடகை” என்றால் சிறுசிறு பகுதிகளாக நொருக்குதல், பகுத்தல் எனப் பொருள் படும். பிரம்மகுப்தர், இரண்டாம் பாஸ்கரர் போன்ற இந்துக் கணிதவியலாளர்களால் இம்முறை நன்கு விரிவுபடுத்தப்பட்டது. எவ்வாறாயினும் இக் “குடகை” முறையை ஆரியப்பட்டரே இந்துக் கணித மரபிற்கு அறிமுகப்படுத்தினார் ஆரம்பப் பெருக்கல் குணகங்களை (Factors) சிறிய இலக்கங்களில் எழுதுகின்ற ஒரு வழி முறையினை விவரிப்பதே குடகை முறையின் அடிப்படையாகும். நல்லை கணிதவியலில் முதல் நிலை முடிவு பெறா / தீர்வுதராச் சமன்பாடுகளி

னைத் தீர்ப்பதற்குக் கையாளப்படுகின்ற நியம முறையாக இற்றைவரை கருதப்படுகின்ற குடகமுறை “ஆரியப்பட்டா வழி முறை” என்றே அழைக்கப்படுவதும் குறிப்பிடத்தக்கது. (முகுந்தன் இச.:2011:63)

ஆரியப்பட்டையத்தின் கணிதாத்யாயப் பகுதியில் இடம் பெற்றுள்ள 12 கலோகங்கள் அட்சரகணிதம் (பீஜகணிதம்) பற்றிய பல்பிரமாணங்களை வெளிப்படுத்தி உள்ளன. குறிப்பாக அட்சரகணித சமன்பாடுகள் விசேஷ கவனத்தை ஈர்ப்பவையாக அமைந்துள்ளன.

### பூமி வதாட்பாக ஆரியப்பட்டரின் சிந்தனைகள்

குறித் தோர் அச்சில் பூமி சுற்றிக் கொண்டிருக்கிறது என்கிற கருத்தினை ஆரியப்பட்டர் கி.பி. 5ஆம் நூற்றாண்டில் முன்வைத்துள்ளமை நோக்கற்பாலது.

“இரு படகிலே யயணிப்பவருக்கு நிலையாக இருக்கும் பொருட்கள் எவ்வாறு பின்னோக்கி நகர்வது போதுதோன்றுகின்றனவோ அதற்கு ஒப்பாக அண்டவளியில் நிலைத்து இருக்கும் நடச்திரங்கள் நகர்வது போதுத் தோன்றுகின்றன.”

“Anulomagatirnausthaḥ paśyat�acalaṁ vilomagaṁ yadvat Acalāni bhāni tadvat samapaścīmagāni laṅkāyām”  
(Aryabhatiyam Golapad, Slokah. 9.)

பூமி தனது அச்சிலே தன்னைத் தானே சுற்றி வர 23 மணித்தியாலங்கள் 56 நிமிடங்கள் 4.1 விநாடிகள் ஆவதாக ஆரியப்பட்டர் கணித்துள்ளார். நல்லை ஆராய்ச்சிகளின் பிரகாரம் இச்சுழற்சிக்கான கால அளவு 23 மணித்தியாலங்கள் 56 நிமிடங்கள் 4.091 வினாடிகள் ஆகும். ஆரியப்பட்டரின் வானியற் புலமையை உணர்ந்து கொள்வதற்கான பொருத்தமான சான்றுகளில் இதுவும் ஒன்றாகும்.

பூமியின் வருடாந்த சமூற்சிக்காலம் 365 நாள் 6 மணித்தியாலங்கள் 12 நிமிடங்கள் 30 விநாடிகள் என ஆரியப்பட்டர் குறிப்பிட இள்ளார். ஆயினும் புவிமையக் கொள்கை யை நம்பிய ஆரியப்பட்டர் பூமி குரியனைச் சுற்றி வருவது பற்றிய கருத்துக்கள் எதனையும் குறிப்பிடவில்லை. இன்றைய அறிவியலாய்வுக் கிளை விடவும் ஆரியப்பட்டின் கணிப்பீடு மூன்று நிமிடங்களும் இருபது வினாடிகளுமே குறைவானது என்பதும் குறிப்பிடத்தக்கது. (Pride of India, 2006 : 64)

புவிக்கோளத்தின் சுற்றளவு பற்றியும் ஆரியப்பட்டர் கணிப்பீடு செய்துள்ளார். இதனைத் தற்கால மெற்றிக் அலகில் சூறுவதாயின் 39,968.0582 கிலோ மீற்றர்கள் என அமையும். நவீன பூகோளவியல் ஆய்வுகளின் மூலம் பெறப்பட்ட கணிப்பீடு களின்படி பூமியின் சுற்றளவு 40,075. 0167 கிலோமீற்றர்கள் ஆகும். நவீன இலத்திர னியற் கருவிகள், செயற்கைக் கோள் கணிப்பீடுகள் என எதுவுமின்றி ஆரியப்பட்ட ரால் மேற்கொள்ளப்பட்ட இக் கணிப்பீடானது இன்றைய கணிப்பீட்டினை விடவும் 0.2 வீதமே குறைவானது என்பது குறிப்பிடத்தக்கது.

புவிமையக் கொள்கை குரிய மையக் கொள்கை ஆகிய இரண்டு கோட்டாடுகளும் பண்டைய இந்து வானியலறிஞர்களால் காலத்துக்குக் காலம் முதன்மைப்படுத்தப்பட்டு வந்துள்ளன. ஆரியப்பட்டர் புவிமையக் கொள்கையில் நம்பிக்கை உடையவராகவே அடையாளங்காணப்படுகிறார்.

**கோள்களின் நகர்வு விளங்கக் காதிரிவரு**  
கோள்களின் நகர்வு குறித்த (ஓமுக்குகள்) கேத்திர கணித மாதிரியொன்றை முதன் முதலில் வடிவமைத்த இந்தியக் கணித

வானியலாளர் என்ற பெருமை ஆரியப்பட்டருக்கே உரியதாகும். ஒரு மையச் சமூற்சி, வெளிவட்டச் சமூற்சி, பல்மையச் சமூற்சி என்ற மூன்று வகைப்பட்ட சமூற்சிகளை அடிப்படையாகக் கொண்டு இம் மாதிரி உருவை ஆரியப்பட்டர் விவரித்துள்ளார். (Aryabhatiyam Kala kriyapadhi, Slokah 177)

### கிரகணங்கள்

ஆரியப்பட்டருக்கு காலத்தால் முற்பெட்ட இந்து சாஸ்திரங்களில் கிரகணங்கள் உருவாகும் விதம் பற்றிய ஜத்கங்கள்/ விளக்கங்கள் அறிவியற் பொருத்தப்பாடு உடையனவாக அமையவில்லை. குரிய சந்திரர்களை இராகுப் பாம்பு விழுங்குவதை னால் குரிய-சந்திர கிரகணங்கள் நிகழ்வதாகக் கருதும் பொராணிகச் சார்புடைய ஜத்கங்களை ஆரியப்பட்டர் தீர்க்கமாக நிராகரித்தார்.

கிரகணங்கள் தொடர்பான தனது நிலைப்பாட்டை ஆரியப்பட்டையத்தின் நான்காவது அத்தியாயத்தில் ஆரியப்பட்டர் முன்வைத்துள்ளார். பூமி, சந்திரன், குரியன் மற்றும் ஏனைய கிரகங்களின் சஞ்சிப்பி னால் ஒன்றன்மேல் ஒன்று உருவாக்கும் நிழல் மறைப்புகள் தொடர்பான விவர னங்கள் இவ்வத்தியாயத்தில் இடம்பெற்று உள்ளன.

"Chādayati śāśi śūryaṁ śasīnam mahatī ca bhūcchāya"  
(Aryabhatiyam Golapadhi, Slokah 37.)

பூமியின் நிழலுக்குள் சந்திரன் பிரவேசிக் கிள்ற பொழுது சந்திரகிரணம் நிகழ்கிறது என்ற கருத்தினை ஆரியப் பட்டையத்தின் IV-37 ஆம் செய்யுளில் முன் வைக்கின்ற ஆரியப்பட்டர் தொடர்ந்து வருகின்ற பதினொரு செய்யுட்களில் (IV-38-48) பூமியினது நிழலின் நீளம், அதன் விட்டம்,

கிரகணம் நேர்கின்ற நேரம், அது நிழிக்கின்ற கால அளவு குறியில் அல்லது சந்திரனில் கிரகணத்திற்கு உட்படும் பகுதி என்பவை பற்றி வளக்கியுள்ளார். கிரகணம் நிகழ இருக்கும் நேரத்தினைத் துல்லியமாகக் கணித்து எதிர்வசூருவது எல்லா இந்து வானியலறிஞர்கள் மத்தியிலும் ஒருவகையான புலமை நிருபண வெளிப்பாடாகக் கருதப்பட்டது. சமயச் சடங்குகளும் இதனுடன் தொடர்புட்டிருந்தமையினால் இதன் முக்கியத்துவம் மேலும் அவசியமாக்கப் பட்டது. கிரகணங்கள் தொடர்பான துல்லியமான எதிர்வசூறல்களை ஆரியப்பட்ட ருக்குப் பின்வந்த வானியலறிஞர்கள் மேலும் செம்மையாகக் கணித்துரைத்தனர். இக்கணிப்பீடுகள் யாவற்றிற்கும் முன்னோடியாய் நின்று வழிகாட்டிய பெருமை ஆரியப்பட்டருக்கே உரித்துடையதாகும்.

### திரிகோண கணிதம்

ஆரியப்பட்டர் இந்துக் கணித மரபில் திரிகோண கணிதவியல் தொடர்பான கணிப் பீடுகளை விரிவிப்படுத்தினார். செங்கோண முக்கோணத்துடன் தொடர்புடைய கணிதப் பிரச்சினைகள் கூல்வகுத்திரங்களில் ஆராயப்பட்டுள்ளன. ஆரியப்பட்டர் இவைபற்றிய ஆய்வுகளை அடுத்த நிலைக்கு இட்டுச் சென்றார். “சென்”, “கொசென்” பெறுமானங்களைக் கணித்தும் அவற்றை அட்டவணைப்படுத்தி யும், ஆரியப்பட்டர் மேற்கொண்ட முயற்சி கள் காத்திரமானவை. “சென்” பெறுமானத் தினைக் குறிப்பதற்கு “அர்த்தஜய” என்ற சொல்லை இவர் பயன்படுத்தினார். “அர்த்தஜய” என்றால் “அரைநான்” என்று பொருள் படும்.

முக கோணங்களில் 3.750 இடைவெளியில் அமைந்துள்ள கோணங்களின் சென் அட்டவணையை ஒத்த அட்டவணை

ஒன்றினை ஆரியப்பட்டர் தந்துள்ளார். “அர்த்தஜய” என ஆரியப்பட்டரால் அறிமுகப்படுத்தப்பட்ட சென் பெறுமானங்கள் வெகுசன வழக்கில் ஜய (தலை) என வழங்கியது. மத்திய காலத்தில் ஆர்யப்பட்டையும் அரபு மொழியில் மொழி பெயர்க்கப்பட்ட பொழுது “ஜய” “தடைய” (ஜிபா) எனக் குறிப்பிடப்பட்டது எனினும் அரபு மொழியில் உயிரெழுத்துக்கள் தவிர்க்கப்படுவதனால் “துயைடி” “துடி” ஆகக் குறுகி ஜப் என வழங்கப்படலாயிற்று “ஜப்” (தடி) என்ற பதம் பிற்காலத்தில் “துயைடி” என மருவி வழங்கியது. “துயைடி” என்பதற்கு “விரிகுடா” அல்லது உடையில் உள்ள மடிப்பு என அரபு மொழியில் அர்த்தம் உண்டு. ஆனால் இதற்கும் சைனைக் குறிக்கும் “JiAB” க்கும் எவ்வகையான பொருள் ஒற்றுமையும் இருக்கவில்லை. வெறுமனே “ஜப்” (தடி) ஜியாப் (Jiab) ஆனது அவ்வளவே. (Howard, E. 1990:237)

ஆனால் கி.பி. 12ம் நூற்றாண்டளவில் Cremoma வைச் சேர்ந்த Gheraldo என்பவர் அரபு மொழிப் பனுவல்கள் சிலவற்றை இலத்தீனிற்கு மொழிமாற்றம் செய்தபோது ஆரியப்பட்டையத்தின் அரபு மொழி பெயர்ப்பில் குறிப்பிடப்பட்ட ஜியாப் (JIAB) என்ற அரபுச் சொல்லுக்குச் பிரதியீடாக உத்தீன் மொழியில் விரிகுடாவினைக் குறிக்கும் சொல்லான “Sinus” ஜப் பாவித்தார். sinus என்ற இலத்தீன் சொல்லிலிருந்தே “Sine” என்ற ஆங்கிலப் பதம் உருவாக்கப்பட்டது.

இதுபோலவே கொசைனைக் (Cosine) குறிப்பதற்கு “கோஜய” என்ற கலைச் சொல்லும் Versineஜைக் குறிப்பதற்கு உத்கர்மஜய என்ற கலைச் சொல்லும் Inverse sineine ஜக் குறிப்பதற்கு “ஏத்கர்மஜய” என்ற சொல்லும் ஆரியப்பட்டரால் அறிமுகப்படுத்தப்பட்டது. பூஜ்யப் பாகையிலிருந்து 90

பாகை வரை 03.75 பாகை இடைவெளிகளில் sineine மற்றும் Versene (I-cosex) பெறுமானங்களைக் குல்லியமாக நான்கு தசம தானங்கள் வரை துல்லியமாகக் கணிப்பிட்டு ரைத்தவர் ஆரியப்பட்டர் என்பதும் இங்கே குறிப்பிடத்தக்க முக்கிய விடயமாகும்.

### கேத்திரி கணிதம்

முக்கோணத்தின் பரப்பளவு தொடர்பாகவும் ஆரியப்பட்டர் கணிப்பிட்டுள்ளார். ஒரு முக்கோணத்தின் அடித்தளத்தின் அரை வாசியினை அம்முக்கோணத்தின் செங்குத்து உயரத்தினால் பெருக்குவதன் மூலம் அம் முக்கோணத்தின் பரப்பளவைப் பெற முடியும் என்ற விதியினை ஆரியப்பட்டைத் தின் கணிதப்பாடப் பகுதியின் ஆறாம் கலோகத்தில் இவர் தெளிவாகக் குறிப்பிட்டுள்ளமை நோக்கற்பாலது.

ஆரியப்பட்டர் “π” என்பதற்கு நிகராக “ஆசன்ன” என்ற கலைச்சொல்லைப் பயன் படுத்தியுள்ளார். “ஆசன்ன”- அண்மித்தது / குத்துமதிப்பானது எனப் பொருள்படும். தனது ஆர்யப்பட்டையத்தின் கணிதபாடச் சுலோகமொன்றில் “ஆசன்ன” வின் பெறுமானத்தினை மேல்வருமாறு விளக்கி உள்ளார்.

“நூரோடு நான்கைச் சேர்த்து எட்டால் பெருக்கி வருகின்ற பெறுமதியுடன் அறுபத்தியிரண்டாயிரத்தைக் கூட்டுவேன்கள். இந்தச் செயற்பாட்டின் மூலம் பெறுமதி இருபதினொயிரத்தை விட்டமாகக் கொண்ட ஒரு வட்டத்தின் சுற்றளவினை அண்ண எவாகத் துணியலோம்.”

“caturadhikam̄ śatamaṣṭaguṇam̄  
dvāṣṭāṣṭīstathā sahasrāṇīam̄  
ayutadvayaviṣkambhasyāsanno  
vṛttapariṇāhah̄”

(Aryabhatiyam Ganitapadham, Slokah 10)

அது  $[(4+100) \times 8 + 62,000] / 20,000 = 3.1416$

“ஆசன்ன” வின் மேற்குறித்த பெறுமதி யானது π இன் பெறுமதியினை நான்காம் தசமதானம் வரை துல்லியமாகக் கணிப்பிட்டது போவுள்ளமை நோக்கற்பாலது.

$$\pi = 22/7 = 3.1416$$

### இந்தியாவிற்கு அப்பால் ஆரியப்பட்டின் ஆங்கமை

இந்தியக் கோளவானியிலின் தந்தை என சிறப்பிக்கப்படுகின்ற ஆரியப்பட்டரின் ஆங்கமை இந்தியாவிற்கு அப்பாலும் செல்வாக்குச் செலுத்தியது. குறிப்பாகக் கணித வானியல் சார்ந்த தொன்மையான பாரம்பரியத்தை தம்மகத்தே கொண்டிருந்த மேற்காசிய பிராந்தியத்தினர் (பாரசீகர், அரேபியர்) மத்தியிலும் ஆரியப்பட்டர் புகழ் பெற்று விளங்கினார். ஆரியப்பட்டையும் முழுமையாக அரபு மொழியில் மொழி பெயர்க்கப்பட்டது. Abul Hasan, Al-Ahwazi (கி.பி. 8-9), Abu Mashar (கி.பி.8-9). Alibin Sulaiman, Al-Hashmi (கி.பி 9), Al Sizi (கி.பி.10) ஆகிய புகழ்பெற்ற மேற்காசியக் கணித வானியல் அறிஞர்கள் ஆரியப்பட்டரையும் அவருடைய கருத்துக்களையும் இந்த அரபு மொழிபெயர்ப்பினுடோக அறிந்து கொண்டனர்.

புகழ்பெற்ற பாரசீக யாத்திரிகரும் சிறந்த வானியல் அறிஞருமாகிய A.L-Biruni (கி.பி.10-11) தனது குறிப்புக்களில் ஆரியப்பட்டரை AL-Arijabhar என்றும் A.L-Arijabad என்றும் கட்டியுள்ளார். A.L.-Ahwazi மற்றும் AL-Biruni ஆகியோர் சூரியன், சந்திரன் மற்றும் ஏனைய கிரகங்களின் சுழற்சிக்காலத்தை ஆரியப்பட்ட வருடங்களில் (மகா யுகம்) என்று குறிப்பிட்டி ருப்பதும் கவனிக்கத்தக்கதாகும். (முகுந்தன் இச.:2011:75)

கி.பி. 1073இல் ஒமர்க்கியாம் உட்பட்ட வானியலாளர்களுக்கும் ஒன்றினால் உருவாக்கப்பட்ட “Jalali” நாட்காட்டி முறையே செம்மையாக்கப்பட்டு இற்றைவரை ஈரானி லும், ஆப்கானிஸ்தானிலும் வழக்கிலுள்ளது. இந்த “Jalali” நாட்காட்டியிலில் தீக்திகள் ஆரியப்பட்டரின் கணிப்புக்களில் இடம்பெற்ற “குரியனின் உண்மையான சஞ்சாரம்” பற்றிய கணிப்புக்களை அடிப்படையாகக் கொண்டவையாகும்.

மேலும் Al-Khawrizmy என்ற புகழ் பெற்ற பாரசீகக் கணிதமேதை இந்தியக் கணிதவியல் தொடர்பான நூலெலான்றை எழுதியிருந்தார். “முவையடி al J-ama w-al thirf bi hisab alhind” என்பதே அந்நூலின் பெயராகும். இந்நூல் “algo-ritmi de nemero indorum” என்ற பெயருடன் இலத்தீன் மொழியில் மொழிபெயர்க்கப்பட்டது. இந்நூலின் மூலமாகவே பண்டைய இந்தியக் கணிதமுறைமைகளை தசமதான முறை, பூச்சியப்பயன்பாடு போன்றவை ஜோரோப்பியர்கள் அறிகின்ற வாய்ப்புக்கிட்டியது. இந்நூலின் வழியே ஆரியப்பட்டரின் புகழ் மேற்குலகிலும் பரவியது.

இவை மட்டுமன்றி இந்தியாவில் “நெந்நிட்தால்” என்னும் இடத்தில் வானியல் சோதிடம், வளிமண்டல-பெளத் கவியல் தொடர்பான ஆய்வுகளினை மேற்கொள்வதற்காக இந்திய அரசாங்கத்தினால் ஸ்தாபிக்கப்பட்ட உயர்நிலை ஆராய்ச்சிமையத்திற்கும் ஆரியப்பட்டரின் யென்ற குட்டப்பட்டுள்ளமை நோக்கற்பாலது. (“The Aryabhatta institute of observational sciences”)

## நிறைவாக

இந்துநாகரிக வரலாற்றில் கணிதவியல், வானியல் ஆகிய இரண்டு அறிவியற் புலங்களிலும் ஆரியப்பட்டரின் பங்களிப்புகள் முன் னோடியானவை. கணித வியலைப் பொறுத்தவரையில் ஆசன்முறையில் ஏ இன் பெறுமதியை நான்காம் தசமதானம் வரையில் துல்லியமாகக் கணிதத்தல், முதல் நிலை தீர்வுதராச சமன்பாடுகளைத் தீர்ப்பதற்காக “குடகு” முறையை அறிமுகஞ்ச செய்தல், திரிகோண கணிதத்தில் பயன்படும் அர்த்தஜூய-கோஜூய அட்டவணைகளை அறிமுகஞ்ச செய்தல் ஆகியவற்றைக் குறிப்பிட இயலும்.

வானியலாய்வுப் புலத்தில் இவருடைய முக்கிய பங்களிப்புகளாக புவியின் சுற்றுள்ள விணைத் துல்லியமாகக் கணிதத்தமை, புவிதனது அச்சில் தன்னைத்தானே சுற்றி வருகிறது என்பதை வெளிப்படுத்தியது டன் அதற்கான காலத்தையும் துல்லியமாகக் கணிப்பிட்டுரைத்தமை கோள்களின் ஒழுக்குகள் குறித்த நகர்வு மாதிரியிருந்து (சார்புச் சுற்றொழுக்கு நகர்வு மாதிரி) அமைத்தமை, நிழல்மறைப்புக்களே கிரகணங்களுக்குக் காரணம் என்ற அறிவியல் உண்மையை வெளிப்படுத்தியமை ஆகிய வற்றைக் குறிப்பிடலாம்.

மேலும், யுகங்களின் கணிப்பீடுகளைத் துல்லியப்படுத்துவதற்கான வழிமுறையாக யுகபாதமுறையும் இவரால் அறிமுகஞ்ச செய்யப்பட்டது. வடதென் துருவங்களில் ஆறு மாதம் பகலும், ஆறு மாதம் இரவும் நிலவும் என்பதையும் அன்றே குறிப்பிட்டிருந்த ஆரியப்பட்டர், வானியற் கணிப்பீடுகளுக்கு உதவும் கோளயந்திரம் முதலிய சில வானியற் கருவிகளையும் அறிமுகப்படுத்தி யிருந்தார். ஆரியப்பட்டரின் கணிப்பீடுகள்

பாரச்க அரேபிய அறிஞர்களால் மரியாதை செய்யப்பட்டன, உள்வாங்கப்பட்டன. மேற்குலகம் ஆரியப்பட்டரின் சிந்தனை கணா பாரச்க - அரேபிய அறிவியற் பாரம் பரியத்தினுடோகவே தரிசிக்க முற்பட்டது. மொத்தத்தில் கணிதவியல் மற்றும் வானியல் சார்ந்த அறிவியற் பாரம்பரியத்தின் செல் நெறியில் ஆரியப்பட்டரின் வகிபங்கு காத்திர மானது என்பதில் ஜயமில்லை.

#### **உசாத்துவணகள்**

- Howard Eves(ed.). (1990). *An Introduction to the History of Mathematics*, New York: College Publishing House.
- Pandit, S.K. (1964). *Legacy of Hindu Astronomy*. Bombay: Union Publishers.

Selin, H. & Roddam, N. (2007). *Encyclopaedia of classical Indian Sciences*, Hyderabad: University Press.

Shukla, K.S. & Kirpa Shankar. (1976) *Aryabhata: Indian Mathematician and Astronomer*. New Delhi: Indian National Science Academy.

Shukla, K.S. & Sharma, K.V. (ed. & trans.), (1976). *Aryabhatia of Aryabhata*. New Delhi: National Science Academy.

Unknown. (2006). *Pride of India*, New Delhi: Samskrita Bharati

முருந்தன், ச. (2011). இந்து கணித வானியல் மரபு. இலங் கை: சூருசேத்திரா வெளியீடு.